Oficinas on-line: diálogos sobre propostas didáticas em Matemática

Oficina 04

Estatística para além das técnicas:

algumas propostas para o desenvolvimento

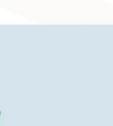
do pensamento, letramento e raciocínio estatístico

> Dia 25/05/2023 18 horas (horário de MS)

Canal DDMat Profa. Me. Janielly Verbisck

Afinal de contas, precisa mesmo contextualizar com o dia a dia?











Apoio:





PENSE com a gente

ESTATÍSTICA: A CIÊNCIA QUE DIZ QUE SE EV COMI VM FRANÇO E VOCÊ NÃO COMEV—

NENHVM, TEREMOS COMIDO, EM MÉDIA, MEIO FRANÇO CADA VM.

PITIGRILLI

Que conclusões podemos tirar?

Faz sentido essa afirmação?

Do ponto de vista matemática está correto?

Do ponto de vista estatístico está correto?

Há algum ponto de vista que esta afirmação não estaria correta?

Que outra ferramenta estatística poderíamos usar?

PENSE com a gente

UM TERÇO DOS TRABALHADORES
BRASILEIROS VIVEM COM RENDIMENTO
MENOR DO QUE UM SALÁRIO MÍNIMO. EM
NÚMEROS ABSOLUTOS, SÃO MAIS DE 33,2
MILHÕES DE PESSOAS VIVENDO COM
MENOS DO QUE O MÍNIMO.

Quanto ganha o trabalhador brasileiro? Renda média subiu 7% em 12 meses

O rendimento habitual médio ficou em R\$ 2.787, mais que o dobro do salário mínimo, aponta o IBGE

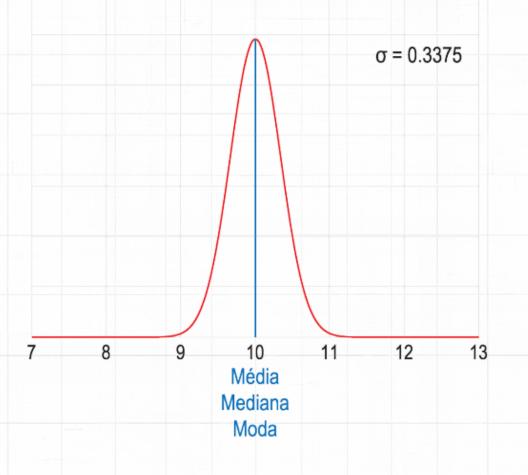
70% dos trabalhadores brasileiros ganham até dois salários mínimos

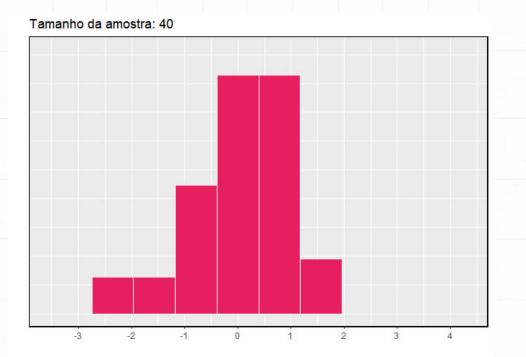
Pesquisa a partir da dados do IBGE aponta que 35,63% dos trabalhadores brasileiros ganham até um salário mínimo

PENSE com a gente

configura como um ramo da Matemática e, portanto, apresenta modos de pensar e métodos específicos em sua teoria (GAL, GARFILD, 1997). Na Estatística "os dados não são apenas números, são números com um contexto" (COOB; MOORE, 1997, p.801). A ênfase no contexto faz salientar diferenças significativas entre o pensamento matemático e o pensamento estatístico. No primeiro, prevalecem os cálculos exatos e determinísticos, o segundo, por sua vez, envolve situações de aproximação, aleatoriedade e estimação. Desse modo, muitos problemas estatísticos não apresentam uma única solução. A Matemática, por sua vez, é utilizada como uma espécie de "ferramenta" para resolver problemas estatísticos.

Apesar da Estatística ser uma ciência matemática, ela não se





LAVRINDO (2019, P. 27)

1. PRÁTICA COMVM

Práticas preponderantes nas salas de aula da educação básica.

OBJETIVOS





2. ALTERNATIVAS

Propostas para superar as práticas preponderantes. Exemplos desenvolvidos em pesquisas do DDMat.

3. PARTIV GEOGEBRA?

Uma proposta usando o celular e o Geogebra para explorar possibilidades de debates estatísticos.

Apresenta-se a definição de estatística, entretanto as tarefas são prioritariamente com "dados" prontos e o foco é procedimental.

Não se discute/questiona este aspecto como parte do trabalho estatístico.

COLETA DE DADOS - PRÁTICA COMVM

Resultado da pesquisa

Sexo	Masculino 20				Femi	nino		
Nº de alunos					30			
Altura (em metros)	Até 1,50		1,51 1,6			66 a ,70		cima e 1,70
Nº de alunos	1 05 8 20)	12		10		
Cor dos olhos	Azul	V	erd	e C	ast	anho	ı	Preto
Nº de alunos	4		6		:	30		10
Cor do cabelo	Casta	nh	0	Loi	ro	Preto		Ruivo
Nº de alunos	20			16	5	12		2
Tipo sanguíneo	Α			В		АВ		0
Nº de alunos	10			18		8		14

Fonte: Dados fictícios.

- a) Identifiquem as variáveis utilizadas.
- b) Classifiquem cada uma das variáveis.
- c) Os 50 alunos consultados representam uma população ou uma amostra? Justifiquem.
- d) Qual é a frequência absoluta do sexo feminino? E a frequência relativa?
- e) Qual é a amplitude relativa referente à tabela de frequências da variável "altura"?
- f) Qual é a frequência relativa à cor dos olhos mais comum na amostra? E à cor do cabelo menos frequente?

Propor atividades investigativas envolvendo este aspecto, priorizando temas de interesse dos estudantes.

Algumas maneiras de coletar dados: dados coletados pelos próprios alunos, dados inventados, e dados retirados de bancos de dados oficiais.

COLETA DE DADOS - ALTERNATIVAS

Atividade investigativa: Qual o perfil da turma?

Criação de um questionário

Questões com múltipla escolha?

Questões abertas?

E se a resposta for um número, números inteiros? decimais?

Estratégias para a coleta

Manualmente?

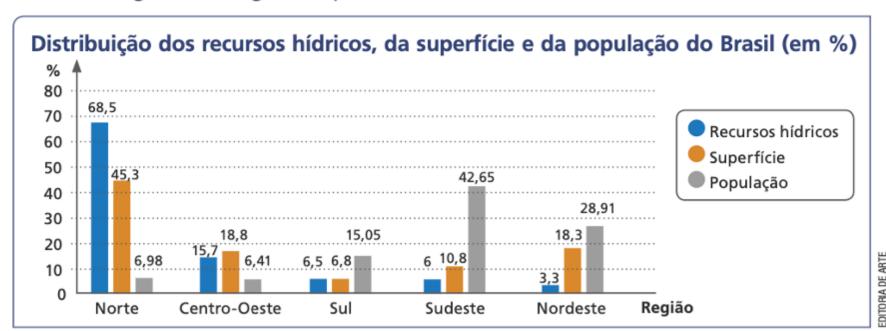
No excel?

No google formulários?

COLETA DE DADOS - ALTERNATIVAS

1. O Brasil possui cerca de 13,7% do total de água doce do mundo, sendo considerado um território rico em termos hídricos. No entanto, o país vive sérios problemas, relacionados tanto à degradação da qualidade das águas, principalmente nas proximidades das áreas urbanas, quanto à falta de controle do excesso e da insuficiência de água, que atingem várias localidades brasileiras. Não são somente as enchentes que afetam as cidades brasileiras: a escassez hídrica também impõe sérias restrições e elevados custos ao desenvolvimento econômico e social de grandes cidades do Brasil.

Observando o gráfico a seguir, responda no caderno:



Informações obtidas em: MINISTÉRIO DO MEIO AMBIENTE. Disponível em: http://www.mma.gov.br/estruturas/sedr_proecotur/_publicacao/140_publicacao09062009025910.pdf. Acesso em: 1º jul. 2018.

O GRÁFICO DA DISTRIBUIÇÃO DE RECURSOS TEM CERTA ATVALIZAÇÃO DEPOIS DE TANTOS ANOS OU SEGUE SEM ATVALIZAÇÃO DESDE A ÚLTIMA DISPONIBILIZAÇÃO DOS DADOS QUE FOI EM 2018?



COMO ERA A DISTRIBUIÇÃO DE RECURSOS HÍDRICOS, NO BRASIL, EM OUTROS ANOS? Apresentação das definições sobre os componentes de uma tabela, em seguida, dos procedimentos para determinação de frequências.

Foco no procedimento e técnicas em detrimento da valorização de todos os aspectos envolvidos em um estudo estatístico.

TABELAS - PRÁTICA COMVM

No quadro abaixo está indicada a altura, em centímetros, dos alunos de uma determinada turma da escola. A partir dele, construa uma tabela de frequências contendo frequência absoluta (f), frequência absoluta acumulada (fa), frequência relativa (fr) e frequência relativa acumulada (far).

150	165	171	154	162	170	158	163	164	165
185	158	159	160	170	168	163	165	170	159

Quadro 1. Exemplo de tarefa abrangendo tabelas de frequências

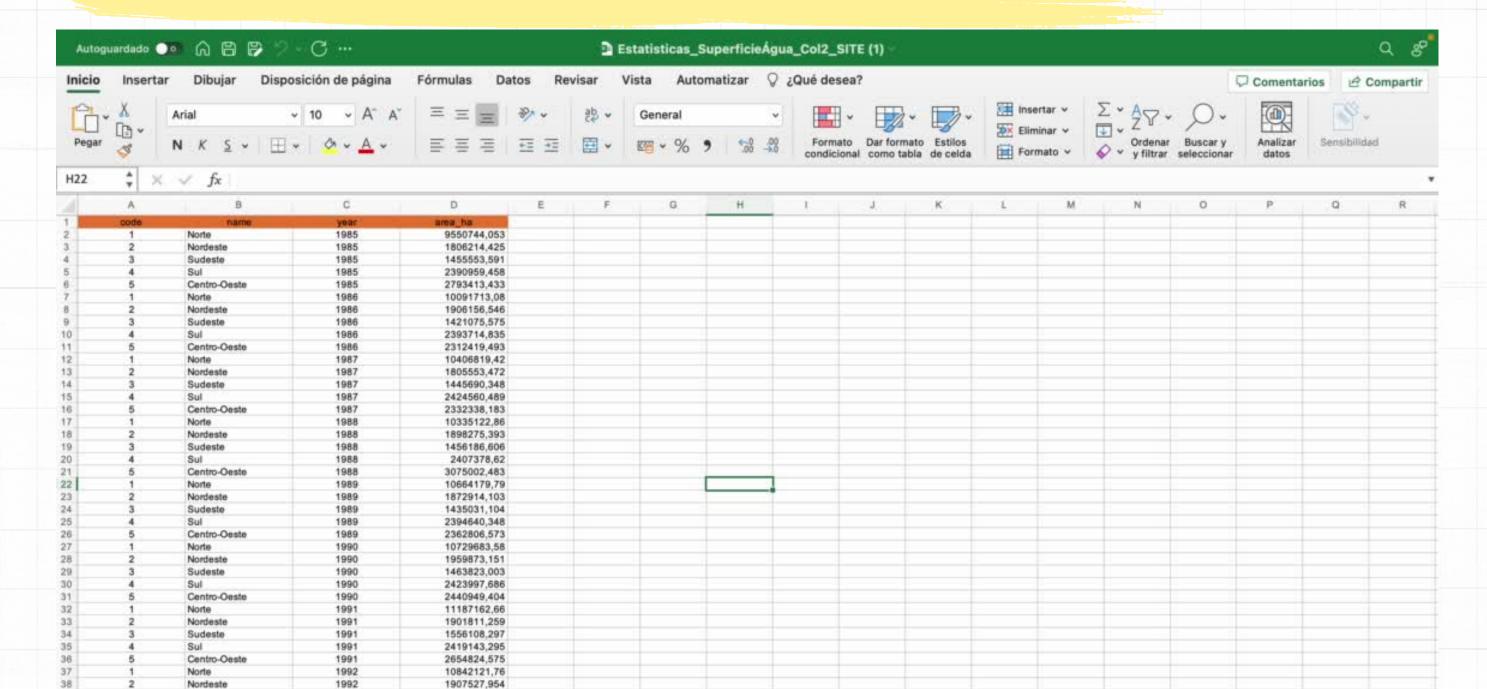


Priorizar contextos reais, especialmente de interesse dos estudantes.

Propor atividades que promovam movimentos de coleta, organização, representação e análise de dados.

TABELAS - ALTERNATIVAS

RESUMOS E GRÁFICOS O AVE AVEREMOS SABER SOBRE O ASSVNTO? ANÁLISE CRÍTICA



TABELAS - ALTERNATIVAS

O GRÁFICO DA DISTRIBUIÇÃO DE RECURSOS TEM CERTA ATUALIZAÇÃO DEPOIS DE TANTOS ANOS OU SEGUE SEM ATUALIZAÇÃO DESDE A ÚLTIMA DISPONIBILIZAÇÃO DOS DADOS QUE FOI EM 2018?

DADOS SOBRE RECURSOS HÍDRICOS SUPERFÍCIE POPULAÇÃO DE 2022

Região	▼ Distribuição Populacion ▼	Distribuição Territorial	Distribuição de Recursos Hidrografico
Região Norte	9%	45,25%	60,15%
Região Nordeste	27%	18,23%	10,20%
Região Sudeste	42%	10,86%	7,80%
Região Sul	15%	6,77%	13,20%
Região Centro-Oeste	8%	18,87%	8,65%

CÁLCVLOS DE PORCENTAGENS L ORGANIZAÇÃO DA TABELA

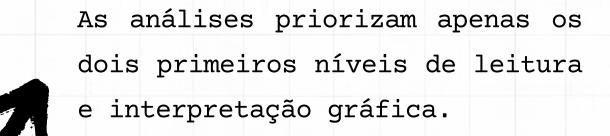
Distribuição de recursos hídricos, da superfície e da população em 2022 (em %)							
Região	Recursos hídricos	Superfície	População				
Norte	68,5	45,3	6,98				
Centro-Oeste	15,7	18,8	6,41				
Sul	6,5	6,8	15,05				
Sudeste	6	10,8	42,63				
Nordeste	3,3	18,3	28,91				

TABELAS - ALTERNATIVAS

COMO ERA A DISTRIBUIÇÃO DE RECURSOS HÍDRICOS, NO BRASIL, EM OUTROS ANOS?

ursos hídricos da região	sos hídricos da região Centro-Oeste (em hectares)		ão Norte (em hectares)	Recursos hídricos da regi	ão Nordeste (em hectares)	Recursos hídricos da reg	ião Sudeste (em hectares)	Recursos hídricos da reg	dricos da região Sul (em hectares)	
Ano	area_ha	Ano	área (ha)	Ano	área (ha)	Ano	área (ha)	Ano	área (ha)	
1985	2.793.413	1985	9.550.744	1985	1.806.214	1985	1.455.554	1985	2.390.959	
1986	2.312.419	1986	10.091.713	1986	1.906.157	1986	1.421.076	1986	2.393.71	
1987	2.332.338	1987	10.406.819	1987	1.805.553	1987	1.445.690	1987	2.424.56	
1988	3.075.002	1988	10.335.123	1988	1.898.275	1988	1.456.187	1988	2.407.37	
1989	2.362.807	1989	10.664.180	1989	1.872.914	1989	1.435.031	1989	2.394.64	
1990	2.440.949	1990	10.729.684	1990	1.959.873	1990	1.463.823	1990	2.423.99	
1991	2.654.825	1991	11.187.163	1991	1.901.811	1991	1.556.108	1991	2.419.14	
1992	2.841.410	1992	10.842.122	1992	1.907.528	1992	1.564.100	1992	2.438.03	
1993	2.743.347	1993	11.149.072	1993	1.763.444	1993	1.562.899	1993	2.440.58	
1994	2.012.902	1994	10.851.602	1994	1.808.188	1994	1.558.718	1994	2.438.56	
1995	2.250.640	1995	10.740.153	1995	1.711.499	1995	1.554.419	1995	2.433.50	
1996	2.111.116	1996	11.224.948	1996	1.723.254	1996	1.509.886	1996	2.435.8	
1997	2.241.511	1997	10.777.898	1997	1.830.740	1997	1.556.679	1997	2.431.9	
1998	2.358.200	1998	10.366.763	1998	1.690.270	1998	1.535.079	1998	2.460.9	
1999	2.301.801	1999	11.472.859	1999	1.821.823	1999	1.545.321	1999	2.479.4	
2000	2.009.314	2000	10.166.407	2000	1.656.109	2000	1.363.387	2000	2.380.8	
2001	2.073.814	2001	9.910.449	2001	1.602.188	2001	1.294.997	2001	2.388.9	
2002	2.070.127	2002	10.147.106	2002	1.733.217	2002	1.394.524	2002	2.393.4	
2003	1.978.729	2003	9.912.391	2003	1.698.789	2003	1.414.779	2003	2.397.2	
2004	1.672.754	2004	9.907.514	2004	2.043.707	2004	1.457.953	2004	2.379.6	
2005	2.071.377	2005	10.021.026	2005	1.930.599	2005	1.471.677	2005	2.384.0	
2006	2.107.616	2006	10.066.067	2006	1.924.576	2006	1.464.551	2006	2.371.9	
2007	2.022.948	2007	10.268.679	2007	1.911.327	2007	1.499.959	2007	2.396.7	
2008	1.925.416	2008	10.249.130	2008	1.926.149	2008	1.468.254	2008	2.387.5	
2009	1.827.534	2009	10.321.282	2009	1.966.203	2009	1.484.342	2009	2.388.3	
2010	1.861.197	2010	10.006.179	2010	1.839.292	2010	1.446.590	2010	2.411.1	
2011	1.861.548	2011	10.117.480	2011	1.824.797	2011	1.451.463	2011	2.405.9	
2012	1.750.950	2012	10.248.685	2012	1.671.760	2012	1.425.350	2012	2.388.6	
2013	1.613.657	2013	10.077.710	2013	1.513.386	2013	1.353.088	2013	2.408.6	
2014	1.725.684	2014	10.021.440	2014	1.496.975	2014	1.280.466	2014	2.417.5	
2015	1.699.594	2015	9.887.994	2015	1.373.908	2015	1.249.849	2015	2.421.8	
2016	1.665.714	2016	9.525.771	2016	1.354.460	2016	1.320.773	2016	2.433.2	
2017	1.663.426	2017	9.840.565	2017	1.357.988	2017	1.282.747	2017	2.424.6	
2018	1.729.523	2018	9.697.253	2018	1.450.685	2018	1.282.147	2018	2.414.5	
2019	1.697.227	2019	9.842.853	2019	1.468.296	2019	1.303.023	2019	2.417.8	
2020	1.565.212	2020	9.710.127	2020	1.623.029	2020	1.334.258	2020	2.398.9	
2021	1.390.248	2021	9.941.191	2021	1.534.924	2021	1.281.165	2021	2.377.7	
2022	1.568.227	2022	10.957.539	2022	1.858.374	2022	1.426.682	2022	2.407.5	

As atividades não problematizam as funções e potencialidades de cada tipo de gráfico.



GRÁFICOS - PRÁTICA COMVM

Uma revista publicou, em 2008, o resultado de uma pesquisa sobre o número de semanas em que alguns livros do escritor Paulo Coelho estiveram em primeiro lugar. Os dados foram os seguintes:

O Alquimista – 24 semanas; Brida – 12 semanas; Na margem do rio Piedra eu sentei e chorei – 7 semanas; O demônio e a Srta. Prym – 3 semanas; Onze minutos – 22 semanas; O Zahir – 2 semanas.

Considerando estas informações, construa um gráfico.

Quadro 2. Exemplo de tarefa abrangendo gráficos estatísticos



POR QUE COMPREENDER A DIFERENÇA DAS VARIÁVEIS É IMPORTANTE?

Pois, busca superar a dificuldade comum, como o uso de frequências de variáveis qualitativas para a determinação (indevida) de médias ou para a identificação de classes da variável em um gráfico.

- Service Andrews - Control of the C

NATUREZA DOS DADOS REPRESENTADOS



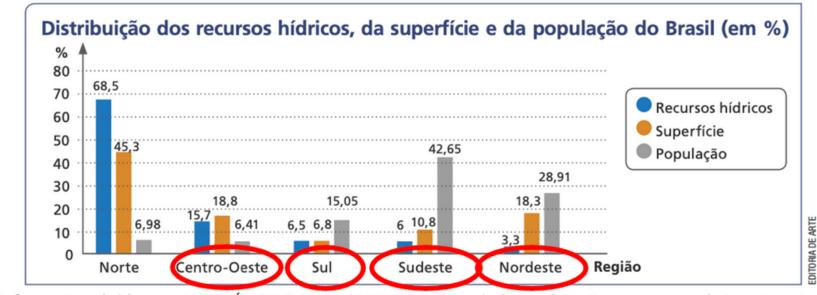


GRÁFICOS - ALTERNATIVAS

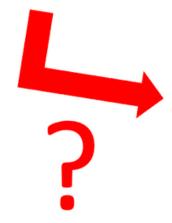


O GRÁFICO DA DISTRIBUIÇÃO
DE RECURSOS TEM CERTA
ATUALIZAÇÃO DEPOIS DE
TANTOS ANOS OU SEGUE SEM
ATUALIZAÇÃO DESDE A ÚLTIMA
DISPONIBILIZAÇÃO DOS DADOS
QUE FOI EM 2018?

DEBATES E DISCUSSÕES SOBRE EQUÍVOCOS NAS RECONSTRUÇÕES DO GRÁFICO



Informações obtidas em: MINISTÉRIO DO MEIO AMBIENTE. Disponível em: http://www.mma.gov.br/estruturas/sedr_proecotur/_publicacao/140_publicacao09062009025910.pdf. Acesso em: 1º jul. 2018.

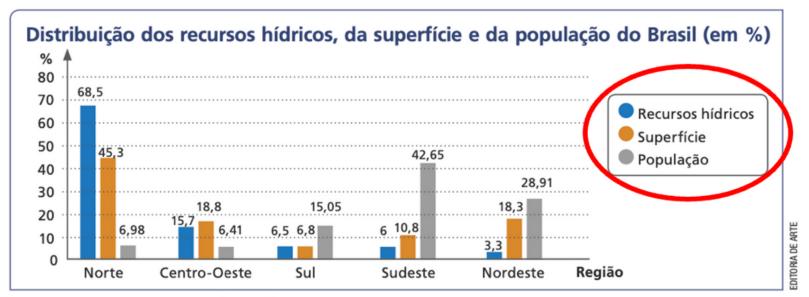


Região	▼ Distribuição Populacion ▼	Distribuição Territorial	Distribuição de Recursos Hidrografico ▼
Região Norte	9%	45,25%	60,15%
Região Nordeste	27%	18,23%	10,20%
Região Sudeste	42%	10,86%	7,80%
Região Sul	15%	6,77%	13,20%
Região Centro-Oeste	8%	18,87%	8,65%



O GRÁFICO DA DISTRIBUIÇÃO
DE RECURSOS TEM CERTA
ATUALIZAÇÃO DEPOIS DE
TANTOS ANOS OU SEGUE SEM
ATUALIZAÇÃO DESDE A ÚLTIMA
DISPONIBILIZAÇÃO DOS DADOS
QUE FOI EM 2018?

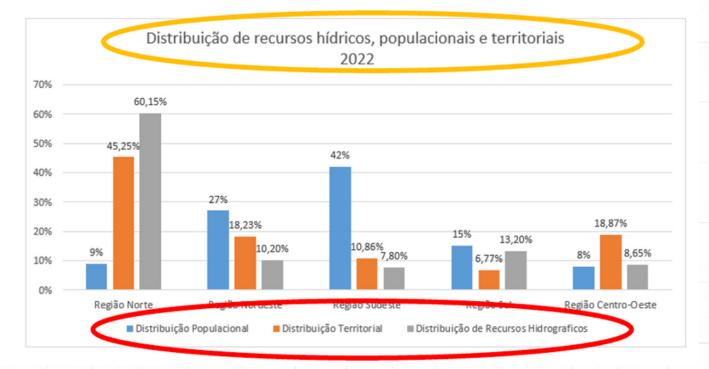
DEBATES SOBRE EQUÍVOCOS NAS RECONSTRUÇÕES DO GRÁFICO



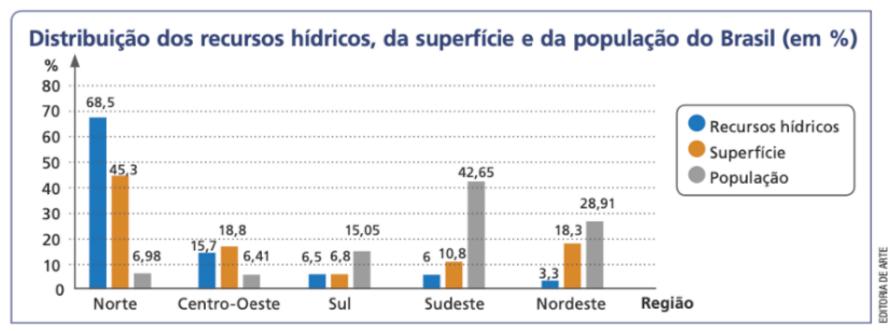
Informações obtidas em: MINISTÉRIO DO MEIO AMBIENTE. Disponível em: http://www.mma.gov.br/estruturas/sedr_proecotur/_publicacao/140_publicacao/9062009025910.pdf. Acesso em: 1º jul. 2018.



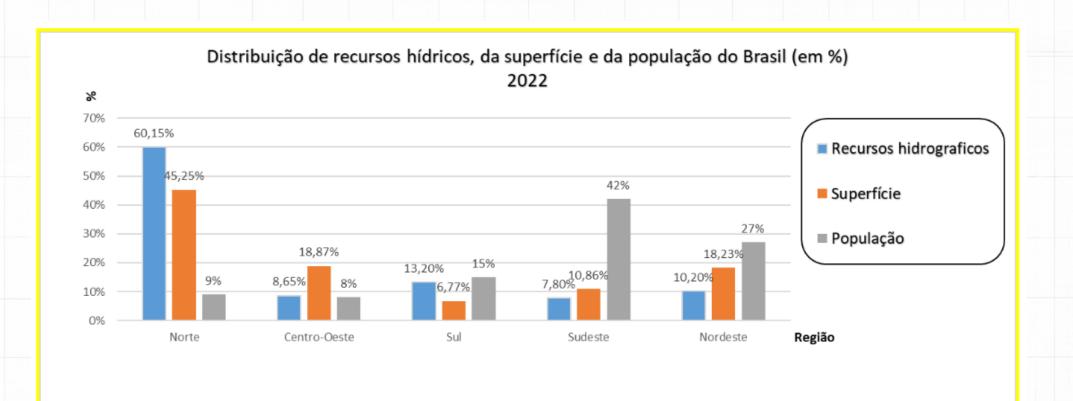
Região	▼ Distribuição Populacion ▼	Distribuição Territorial	Distribuição de Recursos Hidrografico ▼
Região Norte	9%	45,25%	60,15%
Região Nordeste	27%	18,23%	10,20%
Região Sudeste	42%	10,86%	7,80%
Região Sul	15%	6,77%	13,20%
Região Centro-Oeste	8%	18,87%	8,65%



QUE QUESTIONAMENTOS PODEMOS FAZER EM RELAÇÃO A ESTA COMPARAÇÃO (SOBRE O GRÁFICO DO EXERCÍCIO DO LIVRO E O GRÁFICO COM DADOS ATUALIZADOS)?

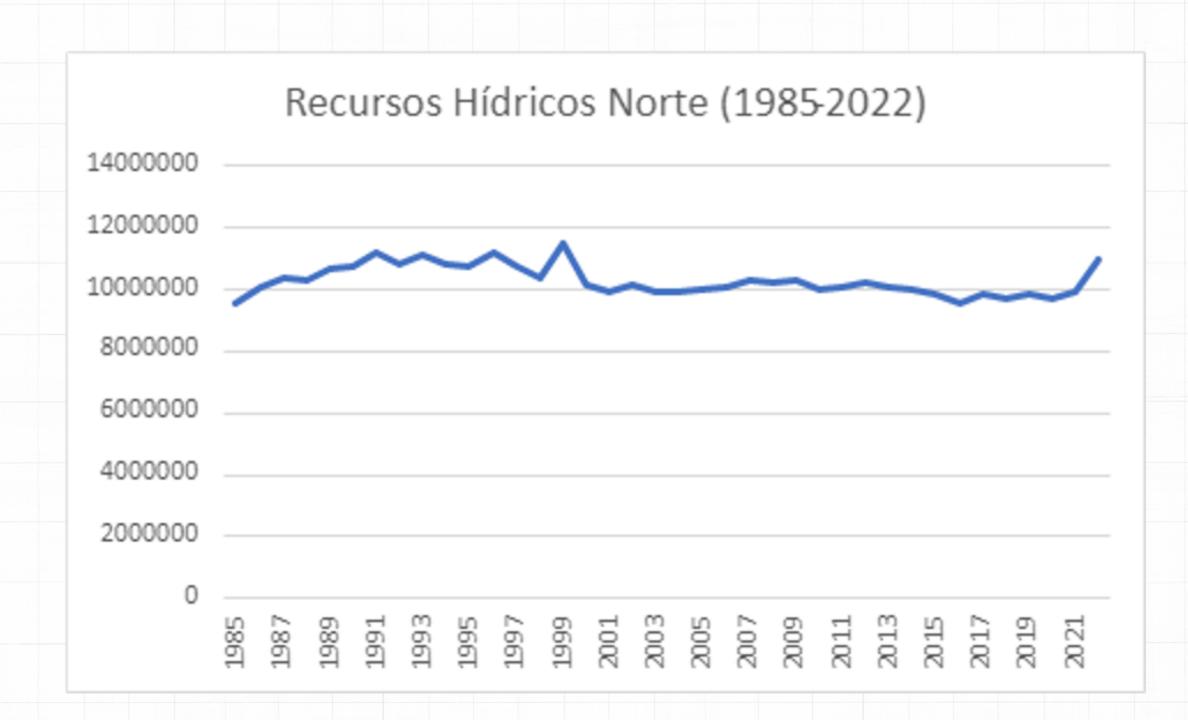


Informações obtidas em: MINISTÉRIO DO MEIO AMBIENTE. Disponível em: http://www.mma.gov.br/estruturas/sedr_proecotur/_publicacao/140_publicacao09062009025910.pdf. Acesso em: 1º jul. 2018.



COMO ERA A DISTRIBUIÇÃO DE RECURSOS HÍDRICOS, NO BRASIL, EM OUTROS ANOS?

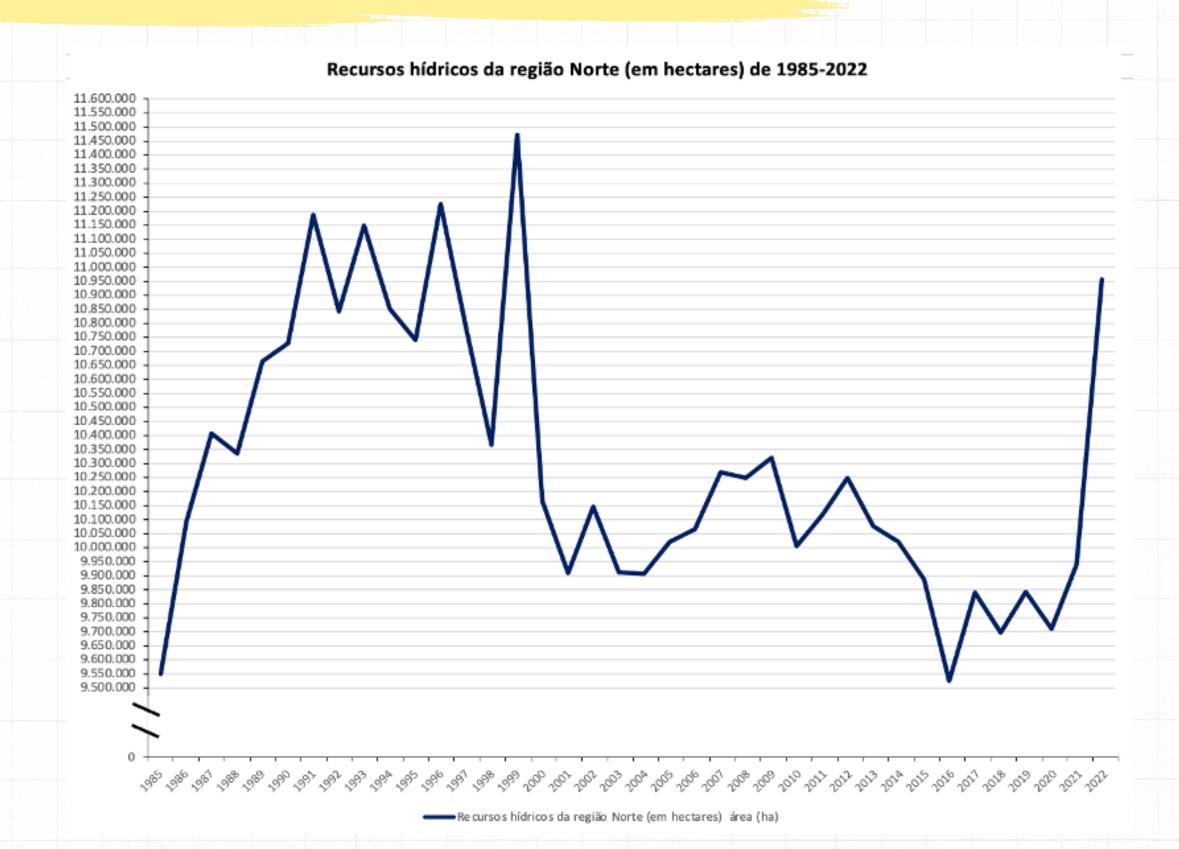
DEBATES SOBRE POTENCIALIDADES E AJUSTES PARA MELHOR VISVALIZAÇÃO DESTA REPRESENTAÇÃO GRÁFICA



COMO ERA A DISTRIBUIÇÃO DE RECURSOS HÍDRICOS, NO BRASIL, EM OUTROS ANOS?

DEBATES SOBRE POTENCIALIDADES E ATVSTES PARA MELHOR VISVALIZAÇÃO DESTA REPRESENTAÇÃO GRÁFICA

Exemplo de construção



Não são problematizadas situações que evidenciam a representatividade da média ou da mediana, de acordo com as características da distribuição dos dados.

Foco excessivo na representação algébrica.

MEDIDAS DE TENDÊNCIA CENTRAL - PRÁTICA COMVM

- 27. Considerando os números 126, 130, 126 e 102, calculem:
 - a) a média aritmética (MA); 121
 - b) a média aritmética ponderada (*MP*), com pesos 2, 3, 1 e 2, respectivamente; 121,5
 - c) a mediana (*Me*); 126
 - d) a moda (*Mo*). 126

O trabalho deve priorizar a compreensão como "medidas de resumo" para representar um conjunto de dados ou uma amostra.



Compreensão de que elas expressam a tendência de uma determinada distribuição de dados.

MEDIDAS DE TENDÊNCIA CENTRAL - ALTERNATIVAS



Vamos refletir sobre estas medidas em um exemplo prático ??



PARTIV, 4E04EBRA?

HTTPS://WWW.4E04EBRA.OR4/M/HADNNP5K

HTTPS://WWW.4E04EBRA.OR4/CLASSIC/SYLCECPK

0 CONTEXTO

Empresa A: 24 funcionários e o proprietário

Quadro 01	: Salários d	os funcionár	ios de A em 1	nil reais	
0.7	1.2	2.3	3.2	4.5	
0.7	1.8	2.5	3.2	5.6	
0.7	1.8	2.5	3.7	6	
1.2	1.9	2.9	4	6	
1.2	2.1	3	4.3	8	

Fonte: os autores

0 CONTEXTO

Empresa B: 24 funcionários e o proprietário

Quadro 02	: Salários do	s funcionário	s de B em mil	reais
0.7	1.2	1.8	2.6	4.5
0.7	1.2	2.1	2.6	4.5
0.7	1.2	2.1	3.2	5.6
0.7	1.3	2.1	3.2	5.6
0.7	1.6	2.6	3.7	18.8

Fonte: os autores

0 CONTEXTO

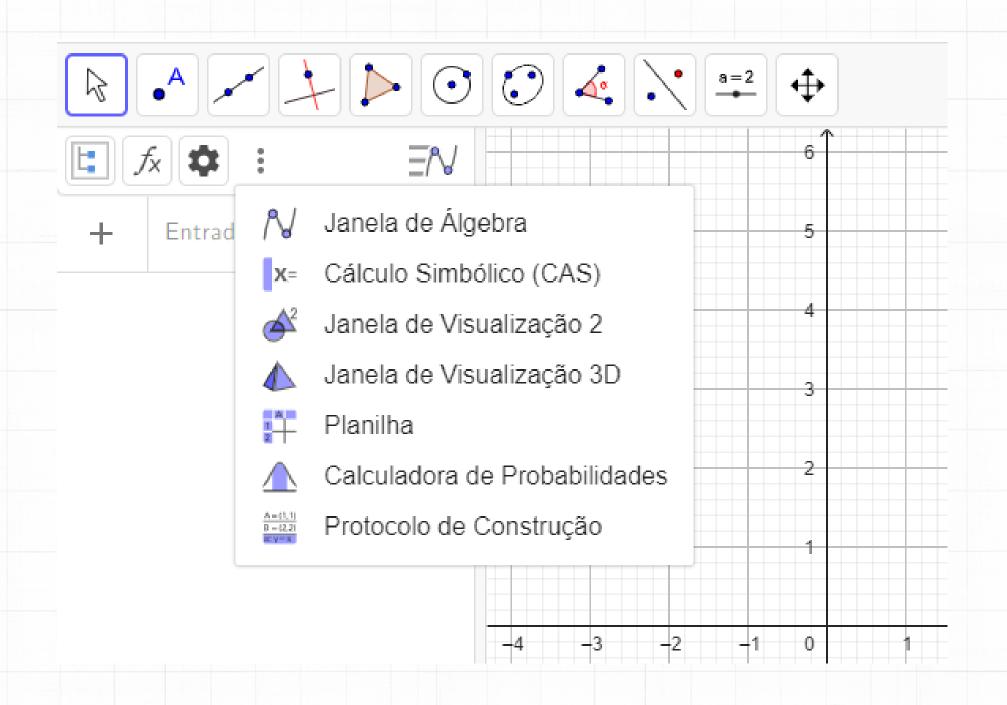
Ambos apresentam o mesmo slogan

"a média salarial da minha empresa é de 3 mil".

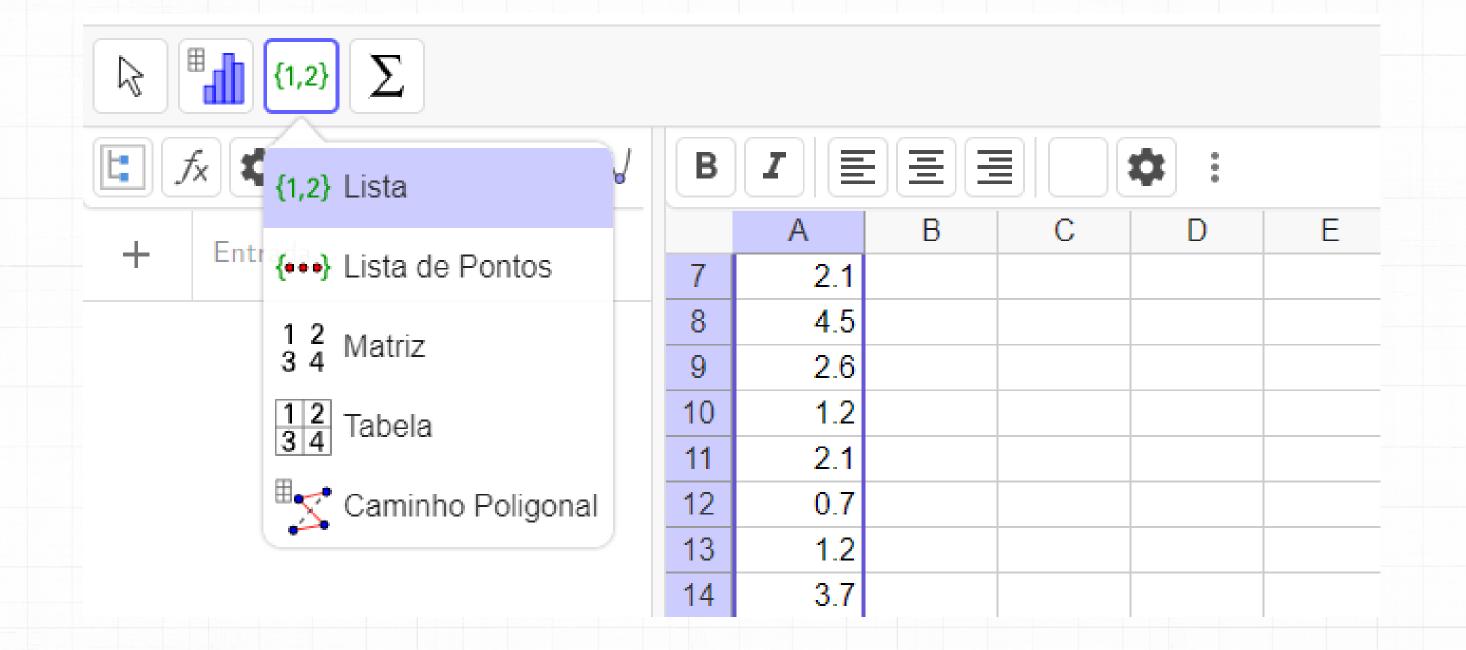
Esta afirmação de fato representa a realidade das empresas?

como é feito, usando o geogebra?

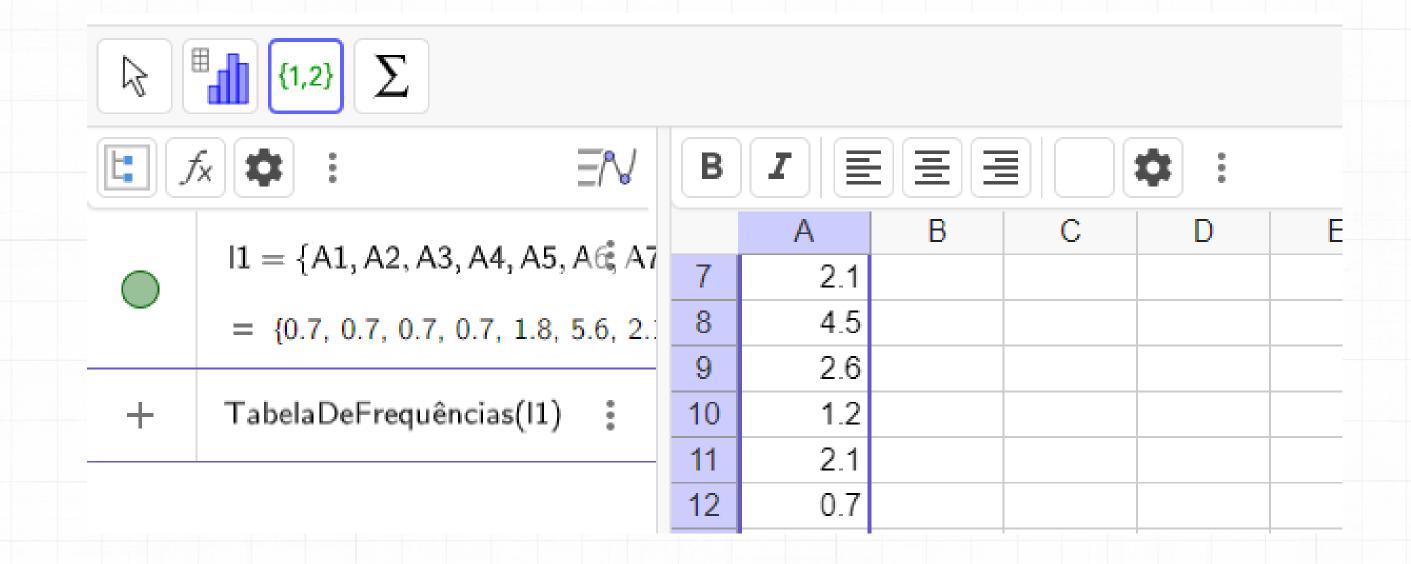
Clique nos 3 pontos e depois em "Planilhas".



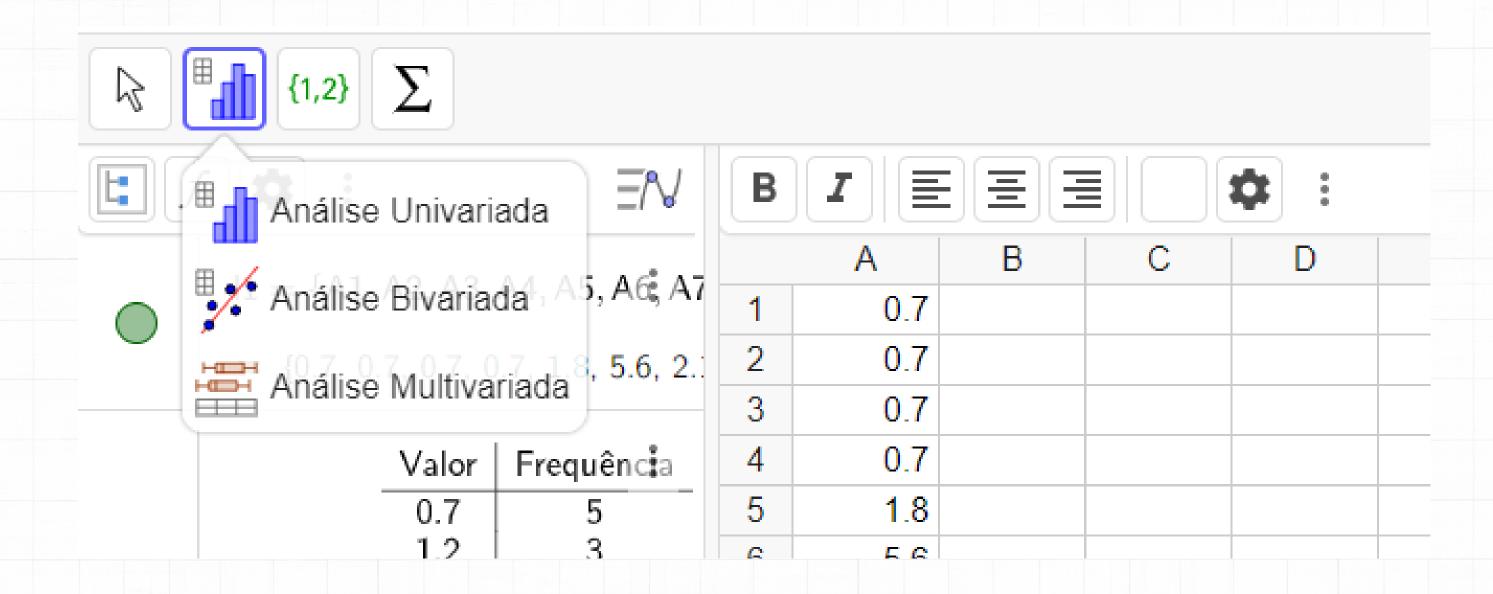
Plote os dados para a planilha, selecione os dados e clique em "{1,2}, depois em "Criar lista", por fim, clique em "ok".



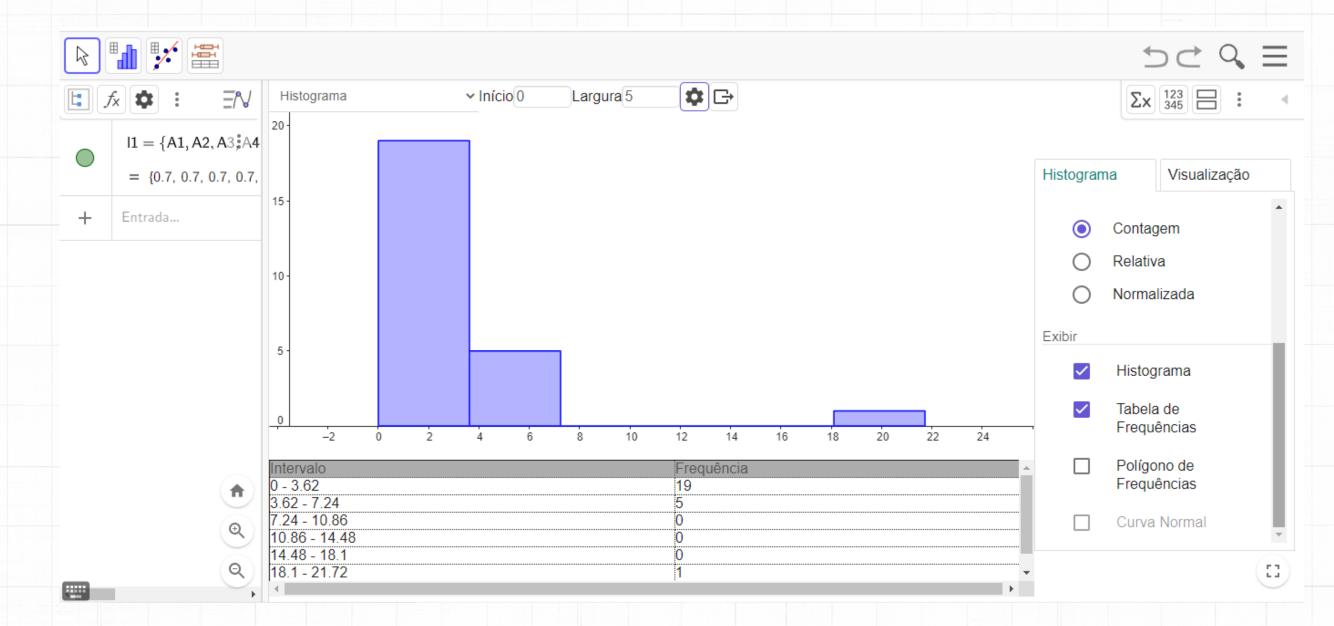
Clique "Álgebra" e sem seguida nos (...) no canto inferior direito. Digite o comando abaixo e clique em "enter".



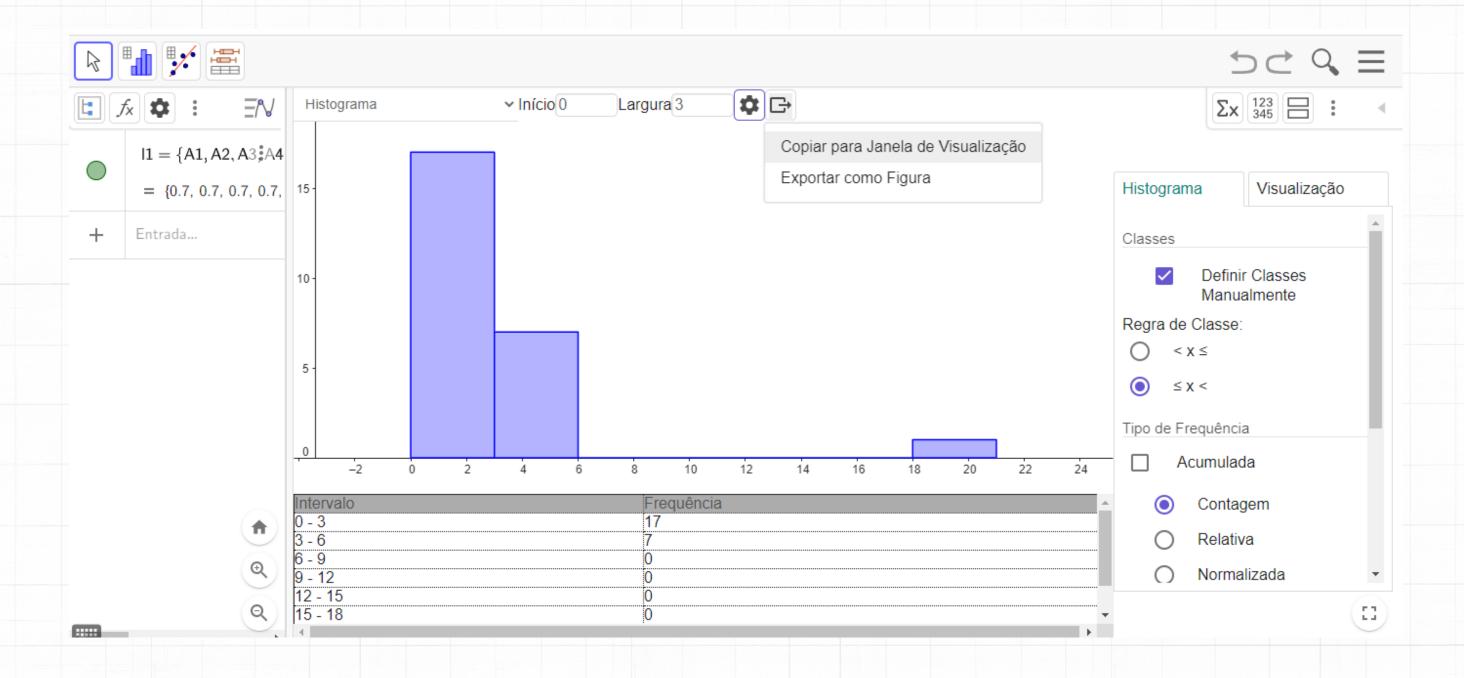
Selecione os dados na planilha e clique no segundo item, como mostra a figura abaixo e em seguida em "Análise Univariada".



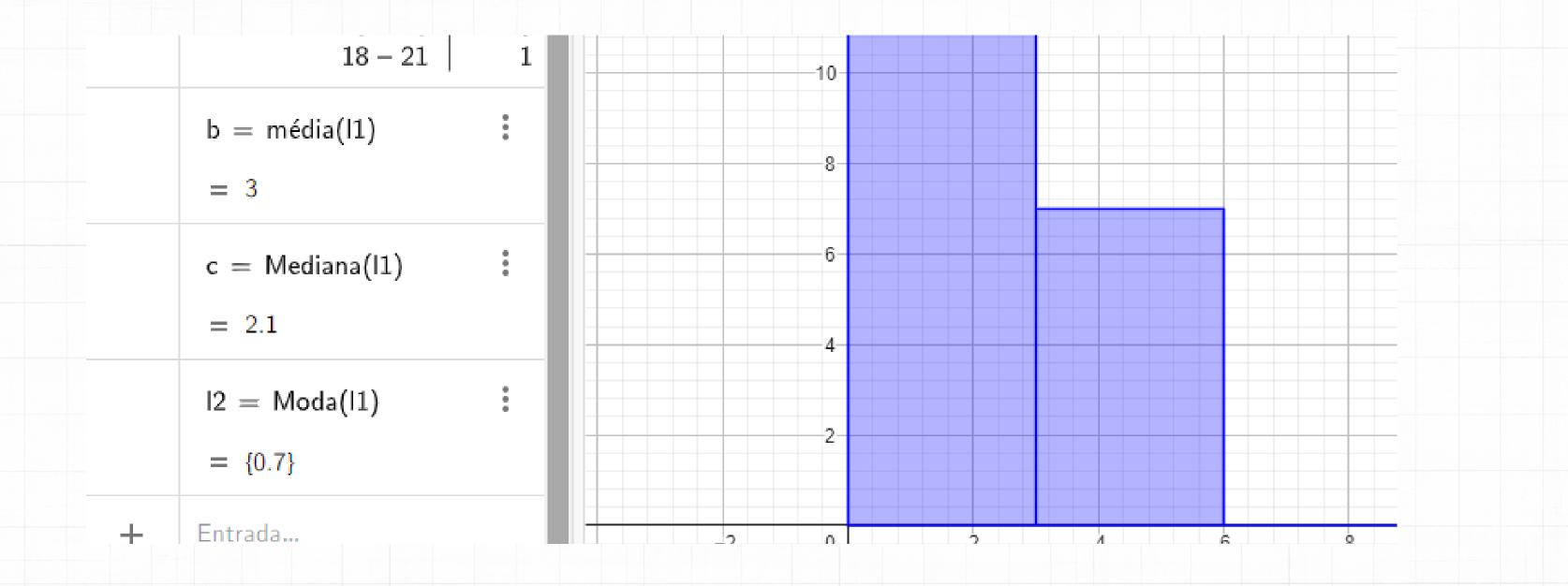
Após as análises feitas, clique na engrenagem e exiba a "Tabela de Frequências". Você também pode alterar as classes do histograma manualmente. Basta clicar em "Definir classes manualmente" e alterar o "início" e a "largura".



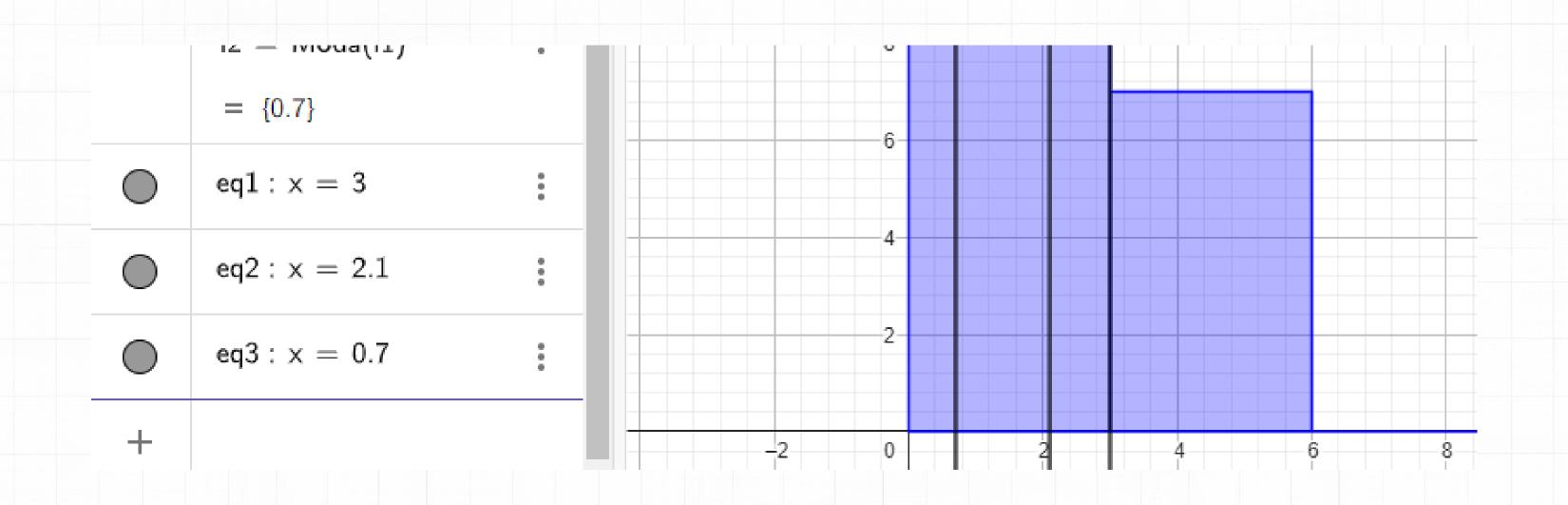
Clique na ícone ao lado do da engrenagem e depois em, "Copiar para janela de visualização".



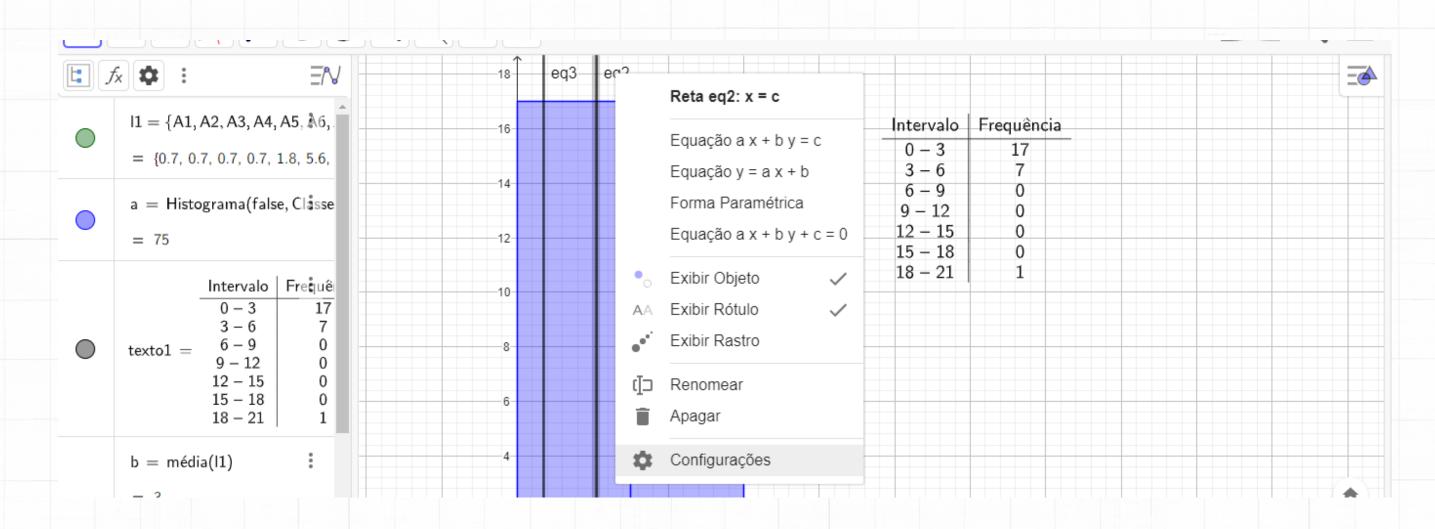
Para as medidas de posição, como média, mediana e moda. Clique em "Entrada" e digite os comandos, conforme abaixo:



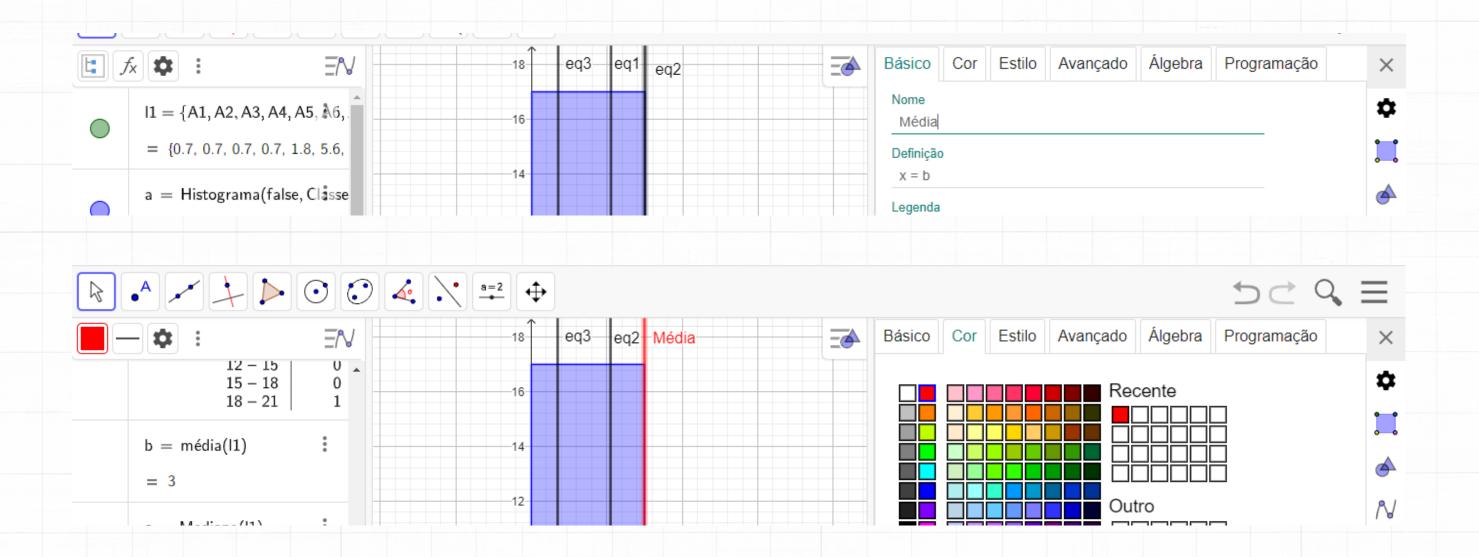
Para as medidas de posição, como média, mediana e moda. Clique em "Entrada" e digite os comandos, conforme abaixo, para criar as retas no gráfico.



Para as medidas de posição, como média, mediana e moda. Clique com o lado direito do mouse em cima da reta, que deseja mudar a cor e/ou o nome e clique em "configurações".

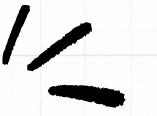


Para as medidas de posição, como média, mediana e moda. Clique com o lado direito do mouse em cima da reta, que deseja mudar a cor e/ou o nome e clique em "configurações". Em seguida, altere o nome e clique em "cor" para alterá-la.



O AVE FICA?

A NATUREZA ESTATÍSTICA



__ AS CARACTERÍSTICAS DAS TAREFAS QUE ALIDERÇAM AVLAS DE ESTATÍSTICA

REFERÊNCIAS

ESTEVAN, EVERTON JOSÉ GOLDINO. ESTATÍSTICA PARA ALÉM DA TÉCNICA: PONTOS E CONTRAPONTOS À LUZ DA EDUCAÇÃO ESTATÍSTICA. IN: BARBORSA, PEDRO LUCIO (ORG). PESQUISAS SOBRE ELEMENTOS DA PRÁTICA DE SALA DE AULA DE MATEMÁTICA. JUNDIAÍ, PACO EDITORIAL, 2019.

HUFF, DARRELL. COMO MENTIR COM ESTATÍSTICA. 1. ED. RIO DE JANEIRO: INTRÍNSECA, 2016.

LAURINDO, JÉSSICA CAROLINI DA SILVA. **ESTATÍSTICA NO GEOGEBRA: UMA ANÁLISE DOS PROCESSOS DE ABSTRAÇÃO REFLEXIONANTE SOBRE CONCEITOS DE MEDIDAS DE TENDÊNCIA CENTRAL**. (DISSERTAÇÃO DE MESTRADO). UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL, 2019.

Oficinas on-line: diálogos sobre propostas didáticas em Matemática

Oficina 05

Educação financeira: sonhos planejados, consumo consciente



Prof. Jhonattan Araújo

Dia 01/06/2023
18 horas (horário de MS)
Canal DDMat



Relatos de uma

experiência em sala

de aula

Profa. Dra. Marilena Bittar

Mais informações: https://linktr.ee/ddmat https://grupoddmat.pro.br







Apoio:



