

## Oficinas on-line: diálogos sobre propostas didáticas em Matemática

Quais medidas explorar em sala de aula?

**OFICINA 07:** 

COMPRIMENTOS, ÁREAS, ...

José Luiz Magalhães de Freitas & Cleide Ribeiro Mota Arinos





## Quais medidas explorar: volumes, áreas, comprimentos?





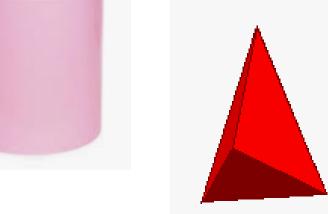




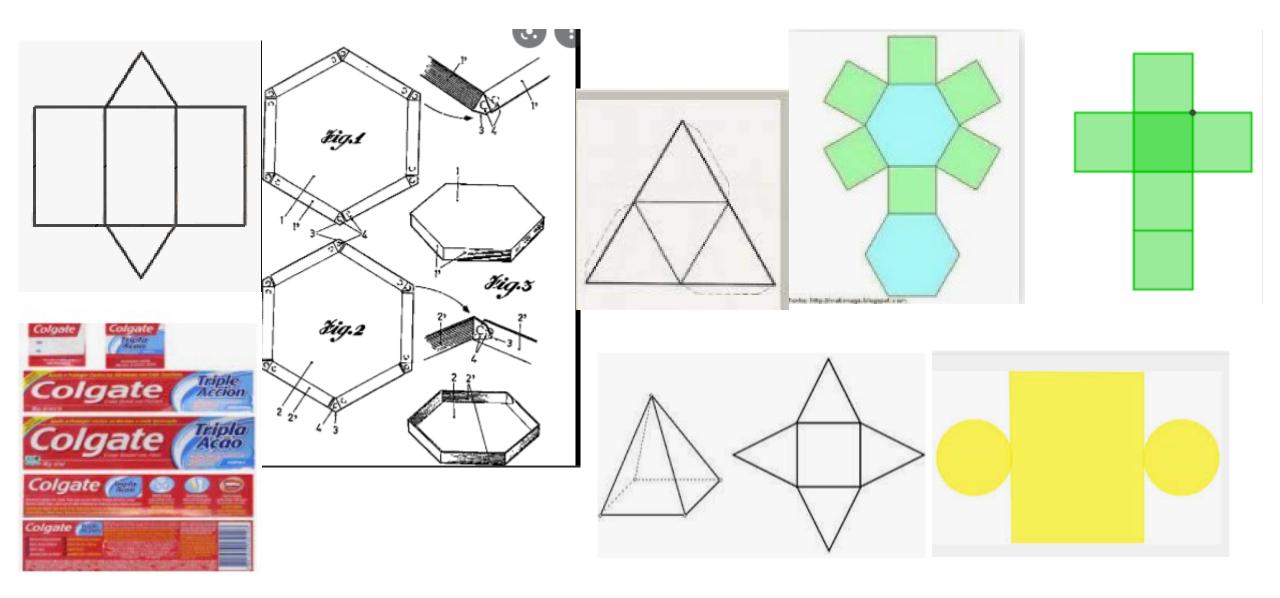








#### O que é um polígono? O círculo é um polígono?



## Situação 1 Como explorar o mecano?







O que muda ao flexionar os lados?

O quadrado é losango?

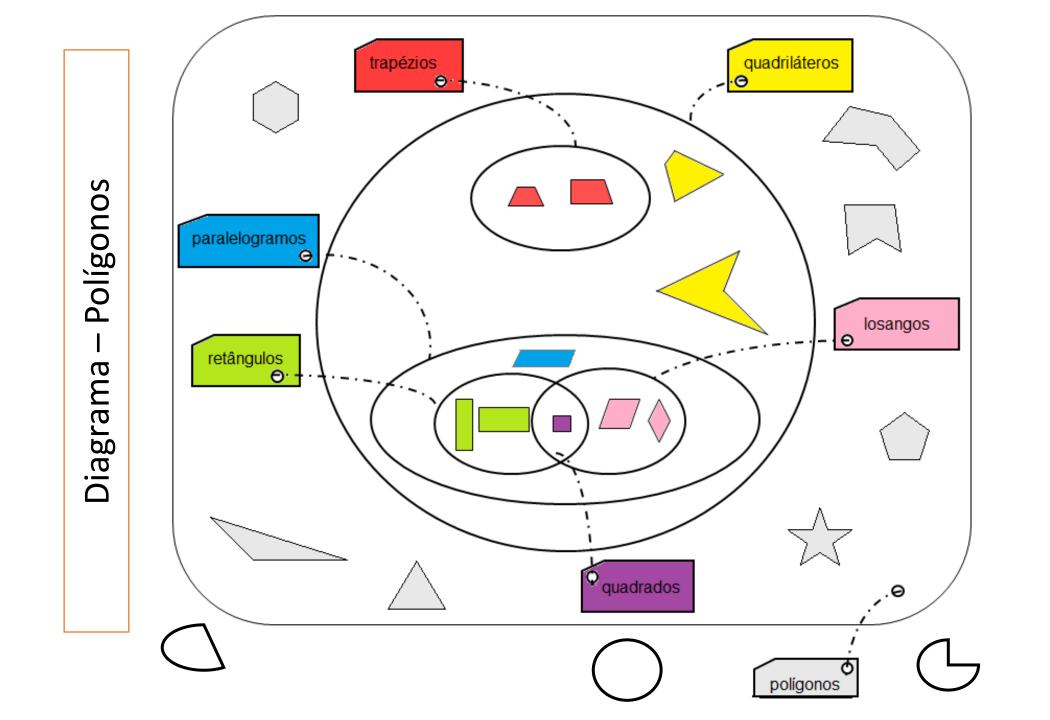
## É o mesmo quadrilátero?



O que não muda?

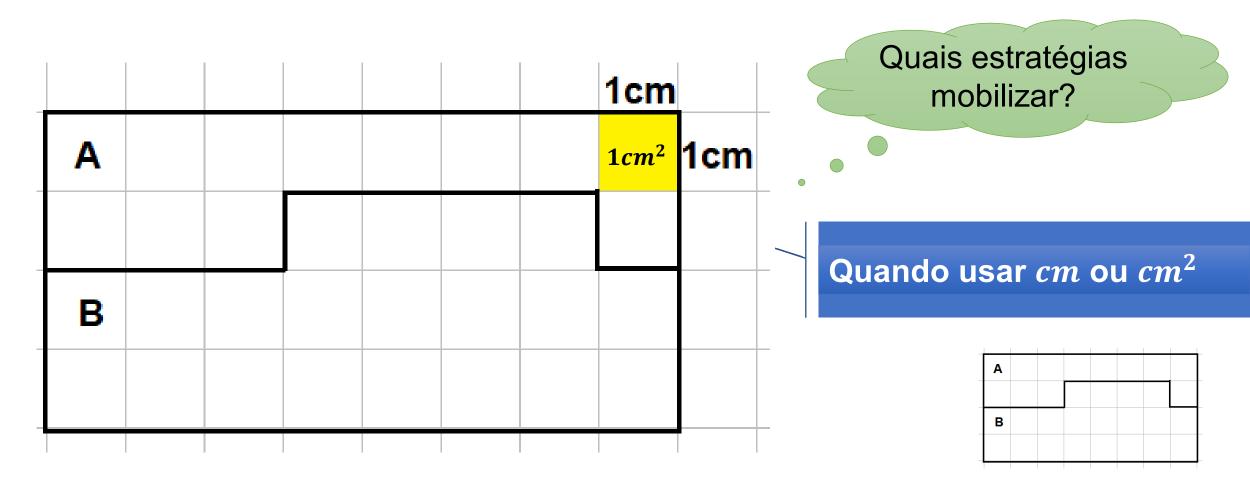
A área altera? E o perímetro?

QUADRILÁTEROS	DEFINIÇÕES:
C D	Paralelogramo: quadrilátero que possui os lados opostos paralelos (dois a dois).
$D \xrightarrow{A} B$	Losango: quadrilátero que tem todos os lados com a mesma medida.
h b	Retângulo: quadrilátero que tem todos os seus ângulos retos.
	Quadrado: retângulo que tem todos os lados com a mesma medida.
D $C$	Trapézio: quadrilátero que possui <b>somente</b> dois lados opostos paralelos.



#### Situação 2

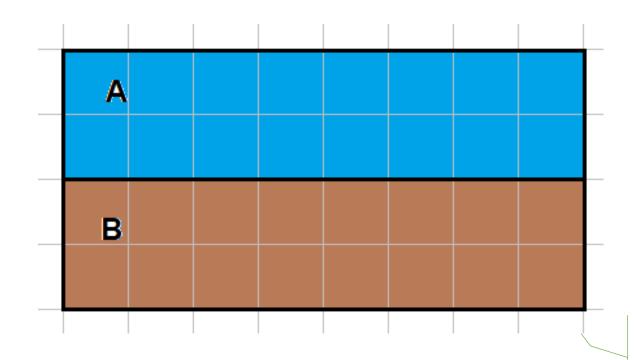
A figura abaixo foi subdividida em duas (A e B). Assim:



Admitindo que cada quadradinho tem *1cm* de lado. Qual a área e o perímetro das figuras A e B?

#### Explorando a mesma atividade:

Se a figura fosse subdividida em duas (A e B abaixo), quais seriam suas áreas e perímetros?

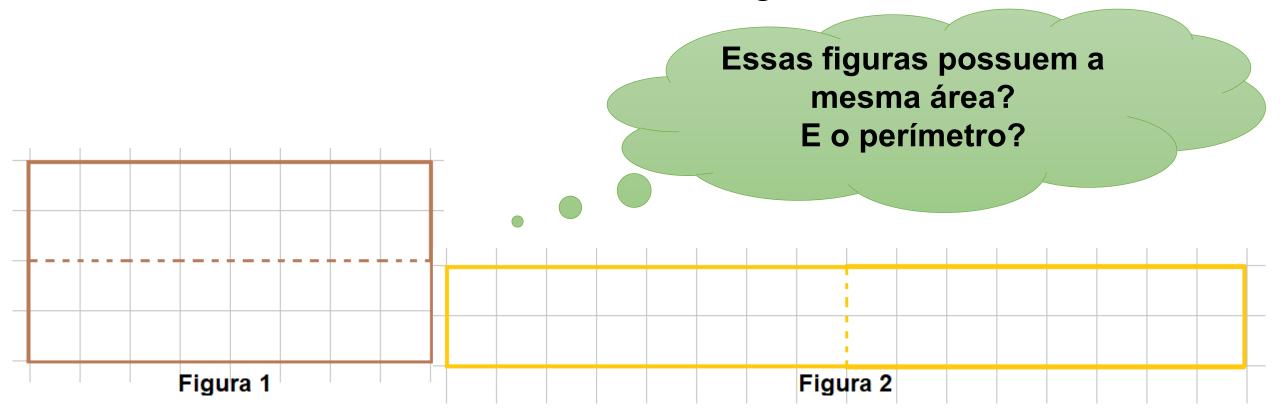


O que podemos explorar?

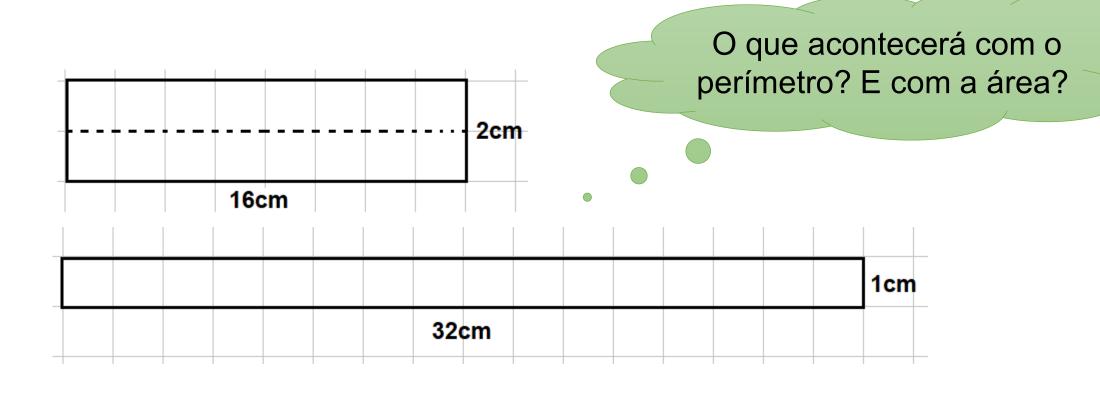
A área pode permanecer a mesma e o perímetro variar?

#### Outra situação:

As figuras (1) e (2) são retangulares. A figura (2) foi obtida justapondo dois retângulos recortados da figura (1) por meio de um corte paralelo a dois de seus lados e que passa pelos pontos médios dos outros dois, conforme as figuras abaixo.

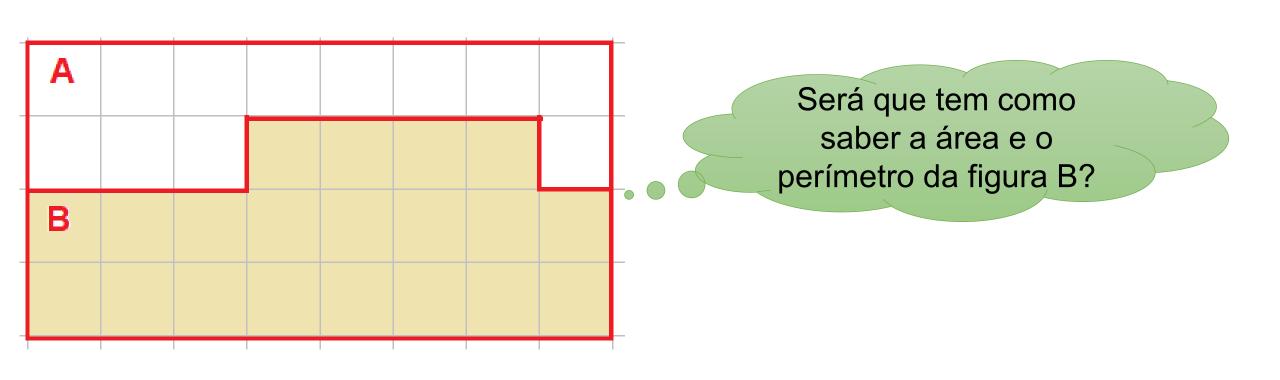


#### Se continuarmos esse procedimento...



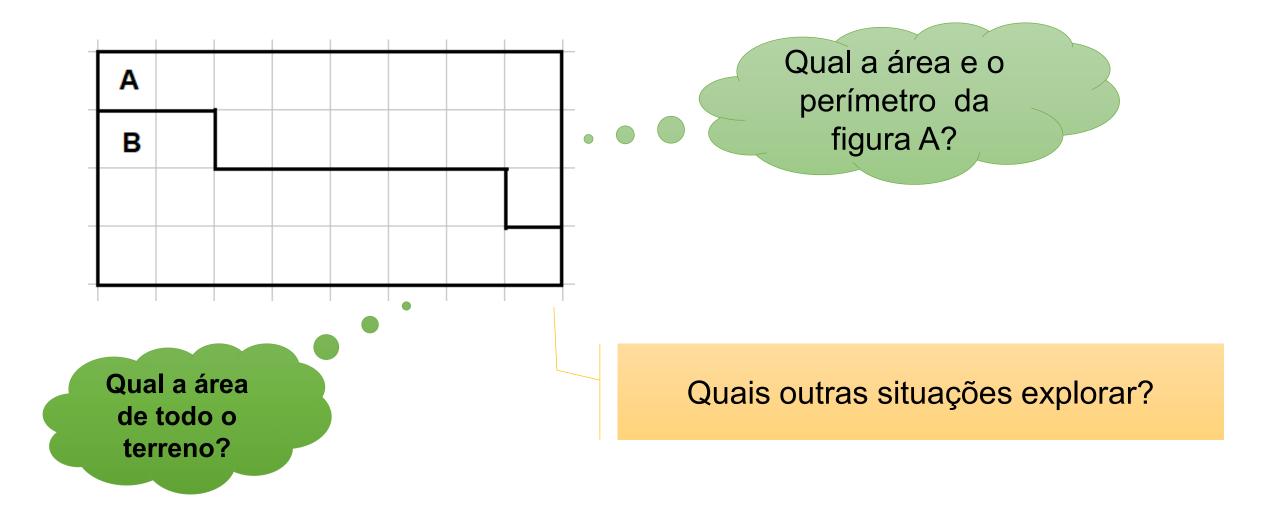
#### Retomando e ampliando ...

Vamos supor agora que a área da figura  $A ext{ \'e} 48 ext{ } cm^2$ .

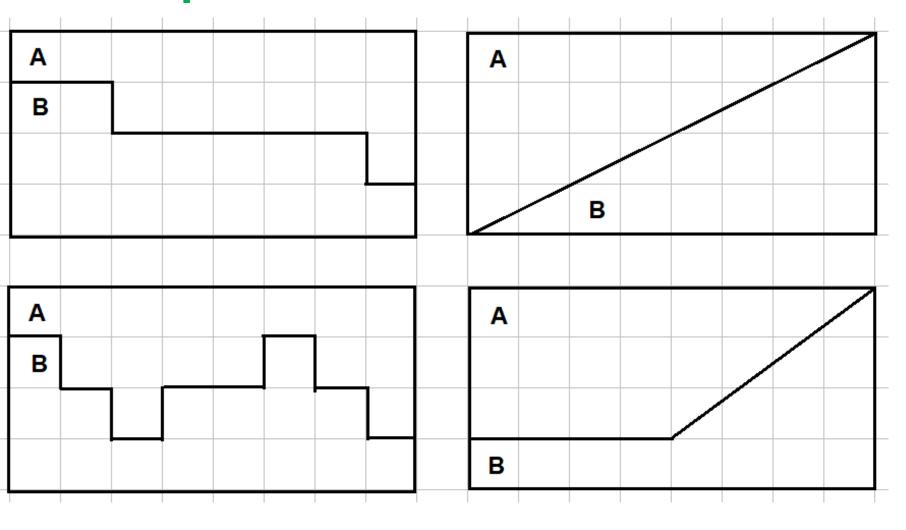


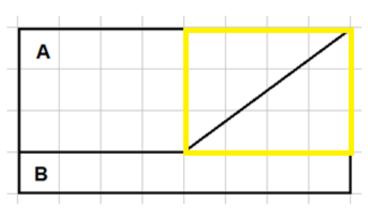
#### Outras possibilidades...

Na figura o perímetro da figura B é 22m.



## Outros possibilidades de terrenos





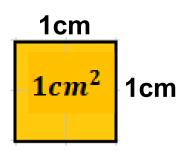
#### Situação 3

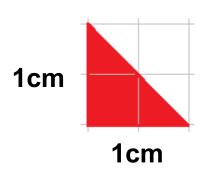
Admitindo que a peça quadrada do tangram tem 1cm de lado. Determine a área das outras peças.



Link para construir tangram com dobradura: https://www.youtube.com/watch?v=dEbGEBwPNAs

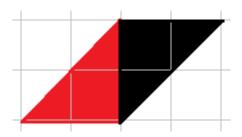
#### Como fazer?

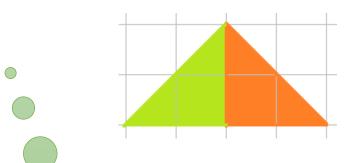


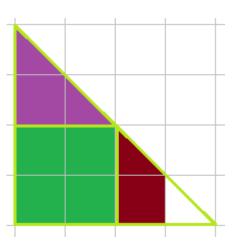


## Qual perímetro é maior?

No triângulo abaixo faltou colorir o triângulo à direita.







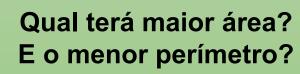
Existem peças com a mesma área?
Existem peças com o mesmo perímetro?

#### **Ampliando o conhecimento**

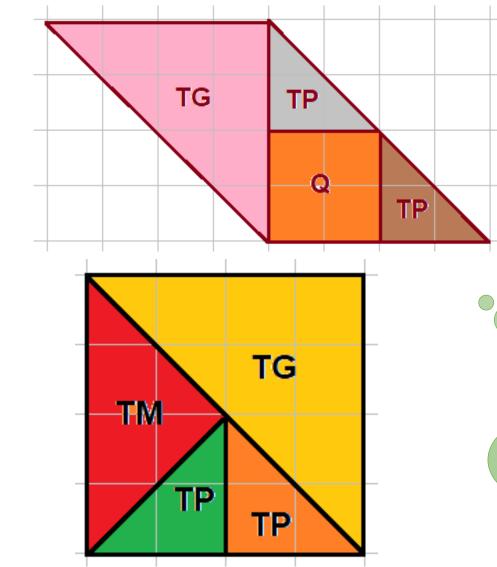
:



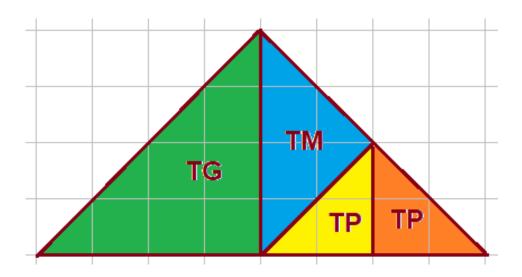
Com 4 peças do *tangram*, considerando que o quadrado tem 1 cm de lado, construa:



## Soluções



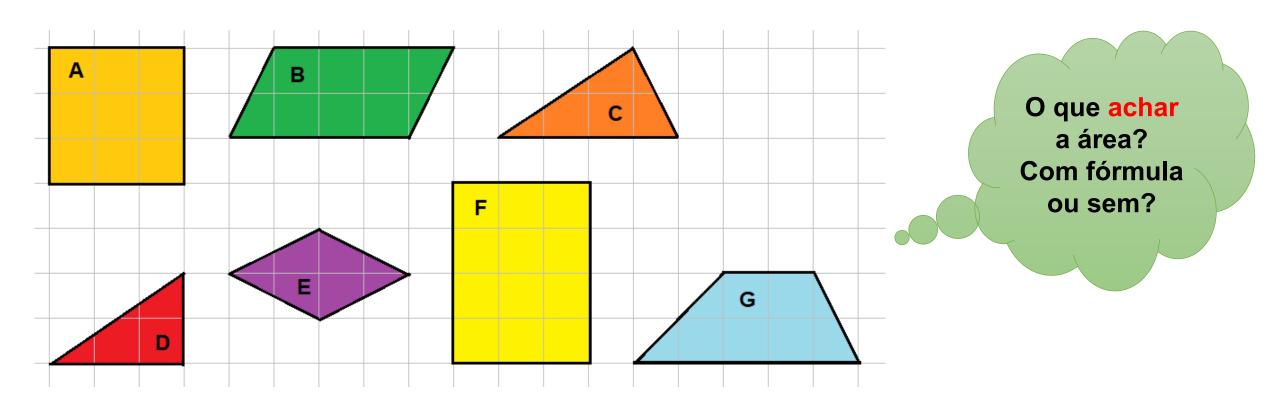
## O que mudou?



Podemos comparar as áreas? E os perímetros?

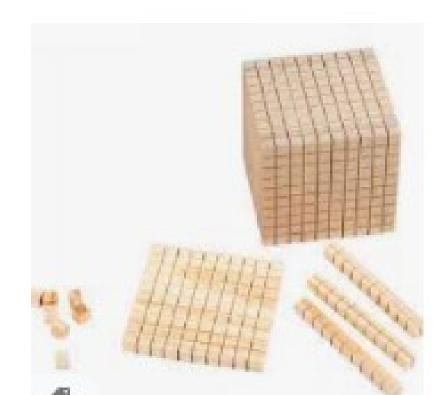
#### Situação 4:

Como calcular a área das figuras de maneiras diferentes?



E o perímetro?

# Situação 5: (Acho que teria que mostrar outras possibilidades, além do geoplano, fitas métricas, barbante, metro quadrado feito com papel pardo, figuras em cartolina, etc) Como introduzir o sistema métrico decimal (SMD)?



Como explorar as unidades de medida de comprimento, área e volume?

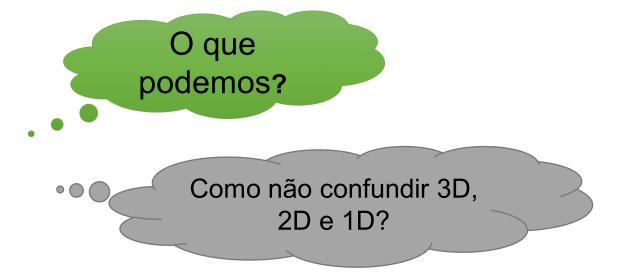
Todas as peças do material dourado são tridimensionais Ao justapormos alinhados, cubinhos ou barras, é possível determinar comprimentos em cm, dm e m.

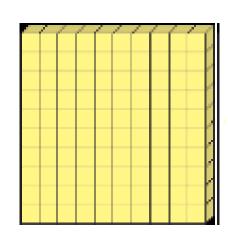
O cubo grande tem volume igual a  $1dm^3$ .

## Situação 5: (a placa à direita não ficou boa)

#### Como introduzir o sistema métrico decimal (SMD)?





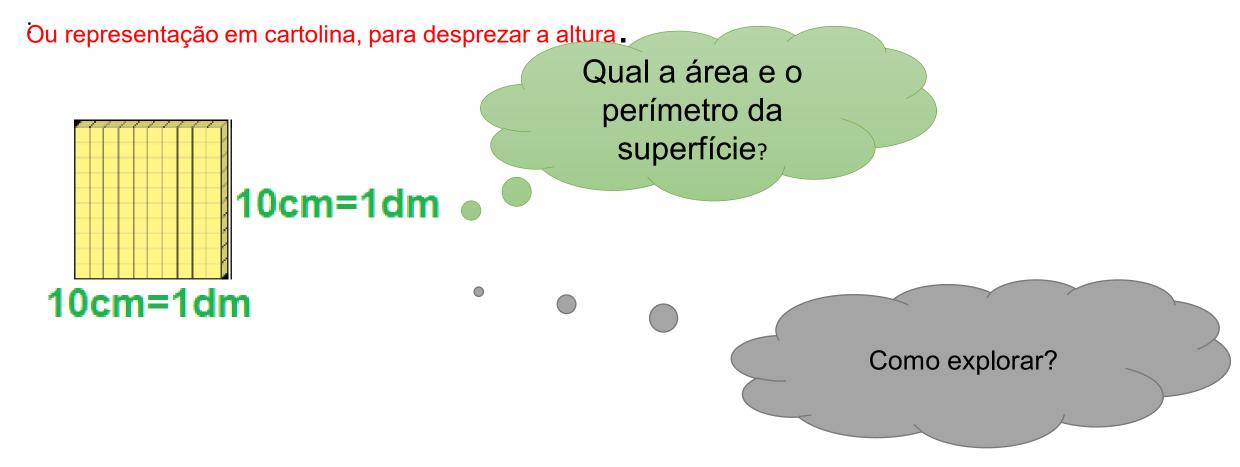


Como explorar?

Quantas placas? Como é sua superfície ou face (ver qual)?

A superfície é plana

#### A superfície da placa é centimetrada?

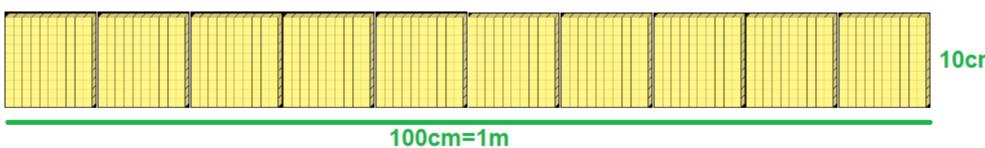


Transformação de unidades de medidas

#### Decompondo em placas



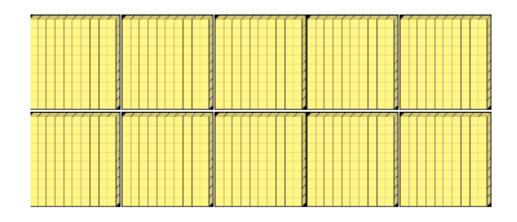
Qual a área e o perímetro desta superfície em vermelho?



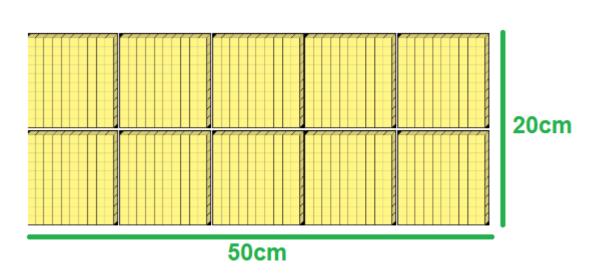
10cm=0,1m

## E agora?

:

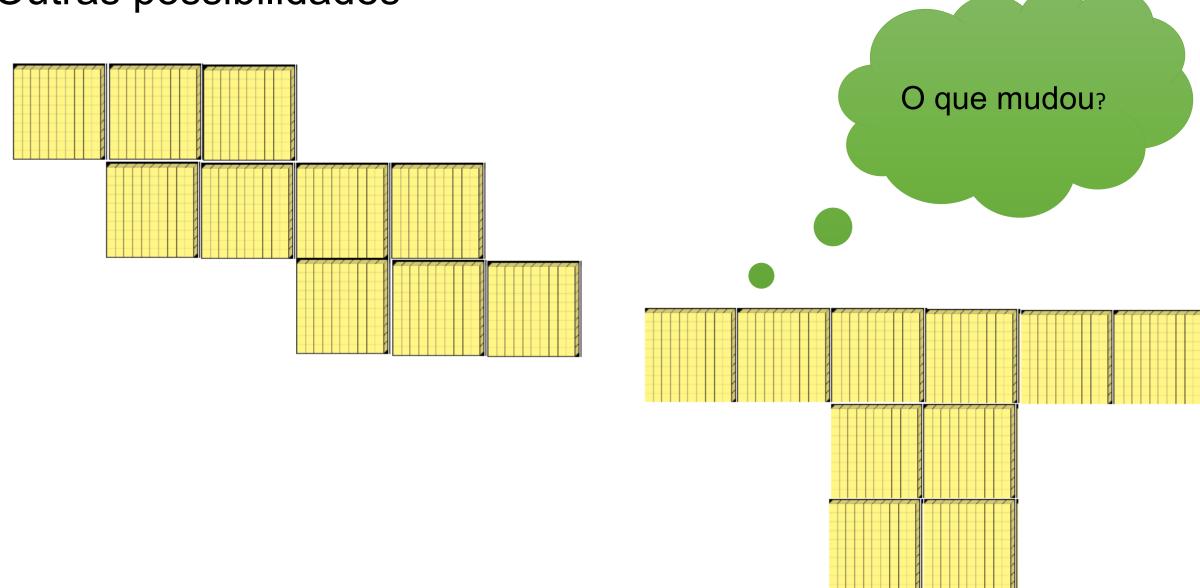


Qual grandeza variou?



#### Outras possibilidades

:



#### Decompondo a placa em barras

:

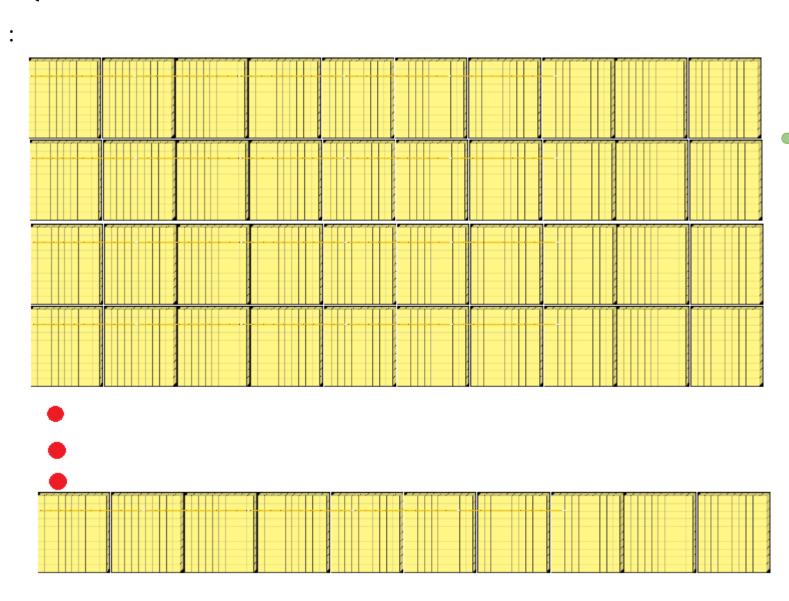


E agora qual a área do retângulo vermelho? Qual o perímetro desse retângulo?

É a mesma situação?

Deixando as barras justapostas. Muda?

#### Quantos $dm^2$ cabem no $m^2$ ?



O que é o  $m^2$ ? O que é o  $dm^2$ ?

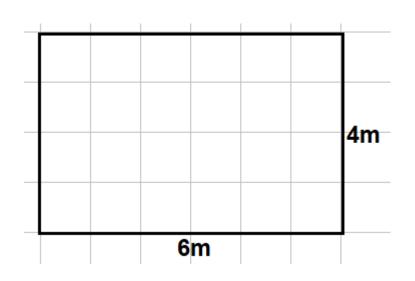
Como representar?

#### Situação 6:

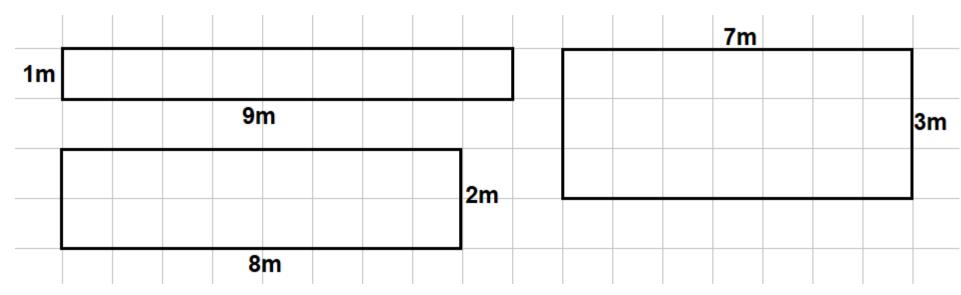
Pedro quer construir uma horta com 20 m de tela para plantar, mas Pedro quer que sua horta tenha forma retangular. Quais são as possiblidades? Qual terá maior área?

O que varia neste caso: a área ou o perímetro? Justifique.

#### Algumas possibilidades



Como fazer para não confundir o unidimensional com o bidimensional?



#### Referências:

- Arinos, C. R. M. (2018). Um estudo de potencialidades das representações semióticas na aprendizagem de áreas de triângulos e quadriláteros por alunos do quinto e sexto anos do Ensino Fundamental. 2018. 287f. Dissertação de Mestrado em Educação Matemática, Universidade Federal de Mato Grosso do Sul. https://posgraduacao.ufms.br/portal/trabalho-arquivos/download/5448.
- BRASIL, BNCC –**Base Nacional Comum Curricular**, 2018. Disponível em: http://basenacionalcomum.mec.gov.br/images/BNCC\_EI\_EF\_110518\_versaofinal\_site.pdf
- BRASIL, Programa Gestão da Aprendizagem Escolar Gestar I. Matemática. Ministério da Educação, Secretaria de Educação Básica, Brasília 2008. Disponível em: <a href="https://mariotticg.wordpress.com/2016/10/14/gestar-i-matematica/">https://mariotticg.wordpress.com/2016/10/14/gestar-i-matematica/</a>
- BITTAR, M. e FREITAS, J. L. M. Fundamentos e metodologia de matemática para os ciclos iniciais do ensino fundamental 2ª Ed..
  Campo Grande-MS: Editora da UFMS, 2005.
- FERREIRA, L. de. F. D. **UM ESTUDO SOBRE A TRANSIÇÃO DO 5º ANO PARA O 6º ANO DO ENSINO FUNDAMENTAL: o caso da aprendizagem e do ensino de área e perímetro.** 2018. 387f. Tese (Doutorado em Educação Matemática e Tecnológica) Programa de Pós-Graduação em Educação Matemática e Tecnológica EDUMATEC, da Universidade Federal de Pernambuco, 2018.
- FERREIRA, L. de F. D; BELLEMAIN, P. M. B. **Aire et de périmètre dans les manuels scolaires brésiliens à la transition entre l'école élémentaire et le collège.** 2020, P. 332-342. Disponível em: <a href="https://revistas.pucsp.br/index.php/emp/article/view/49435/pdf">https://revistas.pucsp.br/index.php/emp/article/view/49435/pdf</a>. Acesso em setembro de 2021.
- LORENZATO A. *Por que não ensinar geometria?* A Educação Matemática em Revista ano III no 4 Publicação da Sociedade Brasileira de Educação Matemática, 1995.
- TELES, R. A. de. M. IMBRICAÇÕES ENTRE CAMPOS CONCEITUAIS NA MATEMÁTICA ESCOLAR: um estudo sobre as fórmulas de área de figuras geométricas planas. 2007. 298f. Tese (Doutorado em Educação) Programa de Pós-Graduação em Educação da Universidade Federal de Pernambuco, 2007.